

УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
«КАМЧАТСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ ТЕХНИЧЕСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ»
(ФГБОУ ВО «КамчатГТУ»)

Факультет информационных технологий, экономики и управления

Кафедра «Физика и высшая математика»

УТВЕРЖДАЮ

Руководитель НОЦ ПиР

Л. М. Хорошман

«29» января 2025 г.

РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

«Математика»

Направление подготовки 20.03.02 «Природообустройство и водопользование»
(уровень бакалавриата)

профиль:

«Природоохранное обустройство территорий»

Рабочая программа составлена на основании ФГОС ВО для направления подготовки 20.03.02 «Природообустройство и водопользование» и учебного плана ФГБОУ ВО «КамчатГТУ»

Составители рабочей программы:

Ст. преподаватель кафедры ФВМ



Н.Л. Недвигина

Рабочая программа рассмотрена на заседании кафедры «Физика и высшая математика»
Протокол № 4 от «20» января 2025 года.

Заведующий кафедрой «Физика и высшая математика»:
«20» января 2025 г.



А.И. Задорожный

Цели и задачи учебной дисциплины

Целью дисциплины «Математика» является формирование у будущих специалистов знаний и умения применять математический аппарат и математические методы при анализе, управлении современными техническими системами, освоение методов математического моделирования и анализа технических систем.

Основная задача курса «Математика» заключается в развитии у студентов современных форм математического мышления и умения ставить, исследовать и решать сложные технические задачи, возникающие в профессиональной практике.

2 Требования к результатам освоения дисциплины

Процесс изучения дисциплины направлен на формирование следующей компетенции:

ОПК-2 - способен принимать участие в научно-исследовательской деятельности на основе использования естественнонаучных и технических наук, учета требований экологической и производственной безопасности.

Планируемые результаты обучения при изучении дисциплины, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы, представлены в таблице.

Таблица – Планируемые результаты обучения при изучении дисциплины, соотнесенные с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Код компетенции	Планируемые результаты освоения образовательной программы	Код и наименование индикатора достижений	Планируемый результат обучения по дисциплине	Код показателя освоения
ОПК-2	Способен принимать участие в научно-исследовательской деятельности на основе использования естественнонаучных и технических наук, учета требований экологической и производственной безопасности	ИД-1 опк-2 Знать: Знает основные законы естественных дисциплин, связанные с профессиональной деятельностью.	Знать: – основные методы современной математической науки и их возможности для решения сложных технических задач.	З(ОПК-2)1
			Владеть: – основными фактами и определениями изучаемых разделов математики, алгоритмами решения типовых математических задач.	В(ОПК-2)1
			Уметь: – выполнять основные математические расчеты, составлять и решать адекватные математические модели реальных технических процессов, адаптировать решения для вычислительной техники.	У(ОПК-2)1

3 Место дисциплины в структуре образовательной программы

Учебная дисциплина «Математика» относится к обязательной части дисциплин, ее изучение основано на курсе математики средней школы.

Теоретические знания и практические навыки, сформированные у студентов в процессе изучения дисциплины «Математика», являются базовыми при изучении следующих дисциплин части: «Механика», «Инженерная геодинамика».

4 Содержание дисциплины

4.1 Тематический план дисциплины для заочной формы обучения

Наименование разделов и тем	Всего часов	Аудиторные занятия	Контактная работа по видам учебных занятий			Самостоятельная работа	Формы текущего контроля	Итоговый контроль знаний по дисциплине
			Лекции	Семинары (практические занятия)	Лабораторные работы			
1	2	3	4	5	6	7	8	9
Тема 1. " Введение. Элементы комбинаторики. Определители."	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 2. "Матрицы и действия над ними."	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 3. "Системы линейных уравнений."	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 4. "Системы векторов. Квадратичные формы."	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 5. "Системы координат. Векторы и действия над ними."	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 6. "Прямая на плоскости. Плоскости и прямые в пространстве "	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 7. " Кривые второго порядка."	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 8. "Последовательности. Бесконечно малые и бесконечно большие величины"	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 9. "Пределы."	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 10. "Непрерывные функции."	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 11. "Производная и ее свойства Геометрический и физический смысл производной."	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 12. "Основные теоремы о дифференцируемых функциях."	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 13. "Производные второго и более высоких порядков. Формулы Мак-Лорена и Тейлора."	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 14. "Применение производной к исследованию функций и построение графиков. Выпуклость функции. Графики основных элементарных функций."	9	1		1		8	Опрос, решение задач	

Тема 15. "Понятие функции нескольких переменных. Производные функции нескольких переменных. "	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 16. "Исследование на экстремум функции нескольких переменных. Матрица Гесса."	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 17. ". Комплексные числа и действия над ними."	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 18. "Первообразная и ее свойства. Неопределенный интеграл и его свойства. "	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 19. "Интегрирование рациональных дробей."	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 20. "Интегрирование тригонометрических выражений. "	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 21. "Интегрирование иррациональных выражений "	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 22. "Определенный интеграл и его свойства. Формула Ньютона-Лейбница."	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 23. "Применение определенных интегралов."	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 24. "Двойные интегралы. Применение двойных интегралов. "	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 25. "Криволинейные интегралы первого и второго родов. Формула Грина. "	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 26. "Поверхностные интегралы первого и второго родов. Формула Стокса."	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 27. "Формула Остроградского-Гаусса."	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 28. "Оператор Гамильтона. Оператор Лапласа. Потенциальное поле. Соленоидальное поле."	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 29. "Числовые ряды. Сходимость числовых рядов. "	9	1	1			8	Опрос, решение задач	
Тема 30. "Сходимость числовых рядов. Признаки Даламбера, Коши, Коши Мак-Лорена."	9	1		1		8	Опрос, решение задач	
Тема 31. "Знакопеременные ряды. Признак сходимости Лейбница."	10	2	2			8	Опрос, решение задач	
Тема 32. "Функциональные ряды. Область сходимости функционального ряда"	10	2		2		8	Опрос, решение задач	
Тема 33. "Степенные ряды. Теорема Абеля. Ряды Маклорена и Тейлора."	10	2	2			8	Опрос, решение задач	
Тема 34. "Понятие о рядах Фурье. Скалярное произведение двух функций. Система ортогональных функций."	10	2		2		8	Опрос, решение задач	

Тема 35. "Обобщенный ряд Фурье. "	10	2	2			8	Опрос, решение задач	
Тема 36. "Разложение функций на отрезке "	10	2		2		8	Опрос, решение задач	
Тема 37. "Разложение функций на произвольном отрезке."	10	2	2			8	Опрос, решение задач	
Тема 38. "Интеграл Фурье. Преобразование Фурье."	11	2		2		9	Опрос, решение задач	
Тема 39. "Понятие дифференциального уравнения. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными"	11	2	2			9	Опрос, решение задач	
Тема 40. "Линейные дифференциальные уравнения первого порядка."	11	2		2		9	Опрос, решение задач	
Тема 41. "Однородные дифференциальные уравнения. Дифференциальные уравнения, приводимые к однородным. "	11	2	2			9	Опрос, решение задач	
Тема 42. "Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка однородные. "	11	2		2		9	Опрос, решение задач	
Тема 43. " Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка неоднородные."	11	2	2			9	Опрос, решение задач	
Тема 44. "Алгебра событий. Определение вероятности. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формулы полной вероятности и Байеса"	11	2		2		9	Опрос, решение задач	
Тема 45. "Схема последовательных испытаний Бернулли. Предельные теоремы в схеме Бернулли. Закон больших чисел в формулировке теоремы Бернулли."	11	2	2			9	Опрос, решение задач	
Тема 46. "Случайные величины. Функция распределения случайной величины. Плотность вероятности случайной величины. Числовые характеристики случайной величины. Законы распределения случайных величин"	11	2	1	1		9	Опрос, решение задач	
Тема 47. " Нормальный закон распределения случайных величин."	11	2		2		9	Опрос, решение задач	
Экзамен								18
Итого	468	64	28	36		386		18

4.2 Содержание дисциплины

Тема 1. " Введение. Элементы комбинаторики. Определители."

Лекция

Предмет, объект, цели и задачи дисциплины. Программа курса, ее реализация во времени. Требования к итоговой аттестации. Литература.

Перестановки, сочетания. размещения. Определители второго, третьего и n -го порядков. Свойства определителей.

Основные понятия темы: комбинаторика, перестановки, сочетания, размещения, определители.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 2. "Матрицы и действия над ними."

Лекция

Матрицы и действия над ними: Сложение матриц, умножение матрицы на число, транспонирование, умножение матриц, нахождение обратной матрицы.

Основные понятия темы: матрицы.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Рассматриваемые вопросы:

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 3. "Системы линейных уравнений."

Лекция

Системы линейных уравнений. Решение систем линейных уравнений с квадратной матрицей. Методы Крамера, Гаусса, обратной матрицы. Системы линейных уравнений с неквадратной матрицей. Базисное решение системы. Частное решение системы. Системы совместные, системы определенные. Альтернатива Крамера. Теорема Кронекера-Капелли.

Основные понятия темы: системы линейных уравнений, метод Крамера, метод Гаусса, метод обратной матрица, теорема Кронекера-Капелли.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 4. "Системы векторов. Квадратичные формы."

Лекция

Вектора. Действия над векторами. Базис. N мерный вектор. Системы векторов. Линейные операторы, собственные векторы линейных операторов. Евклидово пространство. Квадратичные формы.

Основные понятия темы: вектора, базис, линейные операторы, Евклидово пространство.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 5. "Системы координат. Векторы и действия над ними."

Лекция

Системы координат на плоскости и в пространстве: декартова, полярная, цилиндрическая, сферическая. Переход от одной системы к другой. Скалярное, векторное и смешанное произведения векторов. Преобразование координат. Базис. Нормальный вектор. Системы векторов.

Основные понятия темы: системы координат, произведение векторов, преобразование координат, базис, системы векторов.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 6. "Прямая на плоскости . Плоскости и прямые в пространстве "

Лекция

Уравнение прямой проходящей через заданную точку в направлении заданного вектора. Уравнение прямой проходящей через заданную точку перпендикулярно данному вектору. Уравнение прямой проходящей через две заданных точки. Общее уравнение прямой. Нормальное уравнение прямой. Параметрическое уравнение прямой. Различные уравнения плоскости и прямой в пространстве. Общее уравнение плоскости. Нормальное уравнение плоскости. нормирующий множитель.

Основные понятия темы: уравнение прямой, нормирующий множитель.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 7. " Кривые второго порядка."

Лекция

Эллипс. Парабола. Гипербола. Классификация кривых второго порядка.

Основные понятия темы: эллипс, парабола, гипербола.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 8. "Последовательности. Бесконечно малые и бесконечно большие величины"

Лекция

Понятие множества. Операции над множествами. Понятие окрестности точки. Последовательности, способы задания последовательностей. Бесконечно малые величины и их свойства, сравнение бесконечно малых величин, связь между бесконечно малыми и бесконечно большими величинами. Свойства числовых множеств и последовательностей.

Основные понятия темы:

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 9. "Пределы."

Лекция

Пределы последовательностей и функций. Свойства пределов. Первый и второй замечательные пределы

Основные понятия темы: пределы, первый и второй замечательные пределы.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 10. "Непрерывные функции. "

Лекция

Непрерывность функции в точке. Непрерывные функции и их свойства. Точки разрыва функции. Классификация точек разрыва функций. Основные теоремы о непрерывных функциях.

Основные понятия темы: непрерывность функции, точки разрыва.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 11. "Производная и ее свойства Геометрический и физический смысл производной."

Лекция

Функциональная зависимость. Точечные множества в N – мерном пространстве. Определение производной. основные свойства производной. Производная как тангенс угла наклона касательной в точке вычисления производной. Скорость, ускорение. Производные стандартных функций. таблица производных Дифференциал и его свойства. Применение дифференциала к приближенным вычислениям.

Основные понятия темы: функциональная зависимость, скорость, ускорение.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 12. "Основные теоремы о дифференцируемых функциях."

Лекция

Теорема о непрерывности дифференцируемой функции. Теорема Ферма. Теорема Роля. Теорема Лагранжа. Теорема Коши. Правило Лопиталя.

Основные понятия темы: теорема о непрерывности дифференцируемой функции, теорема Ферма, теорема Роля, теорема Лагранжа, теорема Коши, правило Лопиталя.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 13. "Производные второго и более высоких порядков. Формулы Мак-Лорена и Тейлора."

Лекция

Производная от производной. Производные функции заданной параметрически. Производная от функции, заданной неявно. Формулы Мак-Лорена и Тейлора для многочленов. Формулы Мак-Лорена и Тейлора для функций. Погрешность. Остаточный член.

Основные понятия темы: производная от производной, формула Мак-Лорена, формула Тейлора, погрешность, остаточный член.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 14. "Применение производной к исследованию функций и построение графиков. Выпуклость функции. Графики основных элементарных функций."

Лекция

Исследование функций. Промежутки монотонности. Точки перегиба. Экстремумы. Необходимые и достаточные условия экстремума. Асимптоты. Выпуклость функции. Графики квадратичной, степенной, показательной, логарифмической функций. Графики периодических функций, тригонометрических и гиперболических функций.

Основные понятия темы: исследование функций, промежутки монотонности, точки перегиба, экстремумы, асимптоты, выпуклость функции.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 15. "Понятие функции нескольких переменных. Производные функции нескольких переменных. "

Лекция

Функции нескольких переменных. Пределы функции нескольких переменных. Непрерывность функции нескольких переменных. Производные функции нескольких переменных. Частные производные. Теорема о смешанных производных. Дифференциал функции нескольких переменных.

Основные понятия темы: функции нескольких переменных, пределы функции нескольких переменных, дифференциал функции нескольких переменных.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 16. "Исследование на экстремум функции нескольких переменных. Матрица Гесса."

Лекция

Необходимые и достаточные условия экстремума функции нескольких переменных. Седловая точка. Матрица Гесса.

Основные понятия темы: седловая точка, матрица Гесса.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 17. ". Комплексные числа и действия над ними."

Лекция

Комплексные числа. Формы комплексных чисел, действия над ними. Формула Меллина. Формула Эйлера.

Основные понятия темы: комплексные числа, формула Меллина, формула Эйлера.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 18. "Первообразная и ее свойства. Неопределенный интеграл и его свойства."

Лекция

Первообразная. Теорема о первообразных. Определение неопределенного интеграла. Свойства неопределенного интеграла. Непосредственное интегрирование. Вычисление интегралов стандартных функций исходя из определения неопределенного интеграла. Формула интегрирования по частям. Таблица интегралов

Основные понятия темы: первообразная, непосредственное интегрирование, интегрирование по частям.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 19. "Интегрирование рациональных дробей."

Лекция

Теоремы о разложении правильных рациональных дробей. Интегрирование простейших дробей.

Основные понятия темы: интегрирование рациональных дробей.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 20. "Интегрирование тригонометрических выражений. "

Лекция

Замены для интегрирования тригонометрических выражений. универсальная тригонометрическая подстановка.

Основные понятия темы: интегрирование тригонометрических выражений.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 21. "Интегрирование иррациональных выражений "

Лекция

Тригонометрические подстановки. Подстановки Эйлера. Подстановки Чебышева.

Основные понятия темы: тригонометрические подстановки, подстановки Эйлера, подстановки Чебышева.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 22. "Определенный интеграл и его свойства. Формула Ньютона-Лейбница."

Лекция

Определение определенного интеграла. Интегральные суммы. Свойства определенного интеграла. Формула Ньютона-Лейбница.

Основные понятия темы: определенный интеграл, интегральная сумма, формула Ньютона-Лейбница.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 23. "Применение определенных интегралов."

Лекция

Вычисление площади плоской фигуры. Вычисление длины дуги. Вычисление площади поверхности фигуры вращения. Вычисление объема фигуры вращения. Вычисление статических моментов и моментов инерции. Вычисление работы и давления. Нахождение координат центра тяжести.

Основные понятия темы: длина дуги, момент инерции, давление.

Практическое занятие

Форма занятия: занятие в компьютерном классе

Решение задач с использованием вычислительной техники:

Техника работы с электронными таблицами Применение пакета MATLAB. Применение пакета Mathematica.

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 24. "Двойные интегралы. Применение двойных интегралов. "

Лекция

Построение интегральной суммы по плоской области. Двойные интегралы и их свойства. Геометрический смысл двойного интеграла. Замена переменных в двойных интегралах. Якобиан. Вычисление площади плоской фигуры. Вычисление объема тела. Вычисление площади поверхности. Нахождение массы, координат центра тяжести и момента инерции плоской фигуры.

Основные понятия темы: двойные интегралы, Якобиан.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 25. "Криволинейные интегралы первого и второго родов. Формула Грина. "

Лекция

Криволинейный интеграл по длине дуги. Свойства криволинейного интеграла первого рода. Вычисление криволинейного интеграла первого рода для дуги, заданной функционально или параметрически. Криволинейный интеграл по координатам. Свойства криволинейного интеграла второго рода. Формула Грина.

Основные понятия темы: криволинейный интеграл по длине дуги, формула Грина.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 26. "Поверхностные интегралы первого и второго родов. Формула Стокса."

Лекция

Поверхностные интегралы первого рода. Свойства поверхностных интегралов первого рода. Поверхностные интегралы второго рода. Свойства поверхностных интегралов второго рода. Формула Стокса.

Основные понятия темы: поверхностные интегралы, формула Стокса.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 27. "Формула Остроградского- Гаусса."

Лекция

Связь поверхностных интегралов второго рода по замкнутой поверхности с тройным интегралом по области ограниченной поверхностью. Формула Остроградского- Гаусса. Приложение формулы Остроградского- Гаусса к исследованию поверхностных интегралов.

Основные понятия темы: формула Остроградского-Гаусса.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 28. "Оператор Гамильтона. Оператор Лапласа. Потенциальное поле. Соленоидальное поле."

Лекция

Оператор Гамильтона и его свойства. Представление градиента, дивергенции, ротора и других дифференциальных характеристик с помощью оператора Гамильтона. Оператор Лапласа и его свойства. Потенциальное поле. Условие потенциальности поля. Соленоидальное поле. Условие соленоидальности поля. Представление произвольного векторного поля в виде суммы потенциального и соленоидального полей.

Основные понятия темы: оператор Гамильтона, оператор Лапласа, потенциальное поле, соленоидальное поле.

Практическое занятие

Форма занятия: миниконференция

Примерные темы докладов:

- Потенциальное поле. Условие потенциальности поля.
- Соленоидальное поле. Условие соленоидальности поля.
- Представление произвольного векторного поля в виде суммы потенциального и соленоидального полей.
- Представление градиента с помощью оператора Гамильтона.
- Представление дивергенции с помощью оператора Гамильтона.
- Представление ротора и других дифференциальных характеристик с помощью оператора Гамильтона.

Тема 29. "Числовые ряды. Сходимость числовых рядов. "

Лекция

Основные понятия числовых рядов. Сумма ряда. Сходимость числовых рядов. Необходимое условие сходимости числовых рядов. Теоремы сравнения.

Основные понятия темы: ряды, теорема сравнения.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 30. "Сходимость числовых рядов. Признаки Даламбера, Коши, Коши Мак-Лорена."

Лекция

Признаки сходимости Даламбера, Коши, интегральный признак сходимости Коши Мак-Лорена.

Основные понятия темы: признаки сходимости Даламбера, Коши, интегральный признак сходимости Коши Мак-Лорена

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 31. "Знакопеременные ряды. Признак сходимости Лейбница."

Лекция

Знакопеременные ряды. Типы сходимости знакопеременных рядов. Признак сходимости Лейбница.

Основные понятия темы: знакопеременные ряды.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 32. "Функциональные ряды. Область сходимости функционального ряда"

Лекция

Основные понятия функциональных рядов. Сумма функционального ряда. Область сходимости функционального ряда, Типы сходимости функциональных рядов.

Основные понятия темы: функциональные ряды.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 33. "Степенные ряды. Теорема Абеля. Ряды Маклорена и Тейлора."

Лекция

Степенные ряды. Теорема Абеля об области сходимости степенных рядов. Ряды Мак-Лорена и Тейлора. Разложение стандартных функций в ряд Маклорена.

Основные понятия темы: степенные ряды, теорема Абеля, ряды Мак-Лорена и Тейлора.

Практическое занятие

Форма занятия: занятие в компьютерном классе

Решение задач с использованием вычислительной техники:

Техника работы с электронными таблицами Применение пакета MATLAB. Применение пакета Mathematica.

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 34. "Понятие о рядах Фурье. Скалярное произведение двух функций. Система ортогональных функций."

Лекция

Периодические функции. Гармонический анализ. Понятие о рядах Фурье. Скалярное произведение двух функций. Свойства скалярного произведения двух функций. Ортогональность двух функций. Система ортогональных функций. Норма функции. Ортонормированная система функций.

Основные понятия темы: периодические функции, гармонический анализ, ряд Фурье, норма функции.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 35. "Обобщенный ряд Фурье. "

Лекция

Разложение функции в ряд по системе ортогональных функций. Коэффициенты Фурье и их вычисление. Интеграл Дирихле. Обобщенный ряд Фурье. Признаки сходимости рядов Фурье.

Основные понятия темы: коэффициенты Фурье, интеграл Дирихле.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 36. "Разложение функций на отрезке $[-\pi; \pi]$ "

Лекция

Ортогональность функций $\sin nx$ и $\cos nx$. Разложение функции в ряд по системе ортогональных функций $\sin nx$ и $\cos nx$ на отрезке $[-\pi; \pi]$. Разложение четных и нечетных функций.

Основные понятия темы: ортогональность функций.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 37. "Разложение функций на произвольном отрезке."

Лекция

Ортогональность функций $\sin \frac{n\pi x}{l}$ и $\cos \frac{n\pi x}{l}$. Разложение функции в ряд по системе ортогональных функций $\sin \frac{n\pi x}{l}$ и $\cos \frac{n\pi x}{l}$ на отрезке $[-l; l]$. Комплексная форма рядов Фурье.

Основные понятия темы: ортогональность функций $\sin \frac{n\pi x}{l}$ и $\cos \frac{n\pi x}{l}$, комплексная форма рядов Фурье.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 38. "Интеграл Фурье. Преобразование Фурье."

Лекция

Интеграл Фурье как предельный случай ряда Фурье. Достаточные признаки сходимости Дини, Дирихле-Жордана. Различные виды формулы Фурье. Преобразование Фурье. Свойства преобразования Фурье.

Основные понятия темы: интеграл Фурье, достаточные признаки сходимости Дини, Дирихле-Жордана

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 39. "Понятие дифференциального уравнения. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными"

Лекция

Основные понятия дифференциальных уравнений. Общее и частное решение дифференциального уравнения. Линии уровня. Интегрирование дифференциальных уравнений с разделяющимися переменными.

Основные понятия темы: дифференциальные уравнения, линии уровня.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 40. "Линейные дифференциальные уравнения первого порядка. "

Лекция

Однородные линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Неоднородные линейные дифференциальные уравнения первого порядка. Дифференциальные уравнения, приводимые к линейным первого порядка.

Основные понятия темы: однородные линейные дифференциальные уравнения первого порядка, неоднородные линейные дифференциальные уравнения первого порядка, дифференциальные уравнения, приводимые к линейным первого порядка.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 41. "Однородные дифференциальные уравнения. Дифференциальные уравнения, приводимые к однородным. "

Лекция

Замена для решения однородных дифференциальных уравнений. Приведение дифференциальных уравнений к однородным.

Основные понятия темы: замена для решения однородных дифференциальных уравнений.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 42. "Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка однородные. "

Лекция

Решение линейных однородных дифференциальных уравнений n-го порядка. Характеристическое уравнение. Случай простых действительных корней характеристического уравнения. Случай кратных действительных корней характеристического уравнения.

Основные понятия темы: линейные дифференциальные уравнения n-ого порядка однородные.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 43. "Линейные дифференциальные уравнения n-го порядка неоднородные."

Лекция

Решение линейных неоднородных дифференциальных уравнений n-го порядка, нахождение частного решения неоднородного уравнения по виду правой части. Метод вариации произвольной постоянной. Определитель Вронского.

Основные понятия темы: линейные дифференциальные уравнения n-го порядка неоднородные, определитель Вронского.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Типовое задание:

Найти общий интеграл дифференциального уравнения $ex + 3ydy = xdx$

Найти общее решение дифференциального уравнения $y' + y = x(y)$
Найти общий интеграл дифференциального уравнения $y(xy' = \sec(y/x))$
Найти общее решение дифференциального уравнения $(1(x^2)y'')'(xy=2)$
Решить задачу Коши $4y'' + 3y'(y=1) \cos x (7 \sin x) y(0) = (2, y'(0) = 0)$

Тема 44. "Алгебра событий. Определение вероятности. Теоремы сложения и умножения вероятностей. Формулы полной вероятности и Байеса"

Лекция

Случайные события. Сумма событий. Произведение событий. Полная группа событий. Совместность и несовместность событий. Зависимость и независимость событий. Статистический подход к определению вероятности случайного события. Вероятностное пространство. Классическое и геометрическое определения вероятности. Теоремы сложения вероятности совместных и несовместных событий. Теоремы умножения вероятностей зависимых и независимых событий. Формула полной вероятности. Гипотезы. Апостериорная вероятность гипотез. Постериорная вероятность гипотез. Формула Байеса

Основные понятия темы: события, формула Байеса, постериорная вероятность гипотез.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2].

Тема 45. "Схема последовательных испытаний Бернулли. Предельные теоремы в схеме Бернулли. Закон больших чисел в формулировке теоремы Бернулли."

Лекция

Схема последовательных испытаний Бернулли. Формула Бернулли. Теорема Пуассона. Локальная теорема Муавра-Лапласа. Интегральная теорема Муавра-Лапласа. Закон больших чисел в формулировке теоремы Бернулли.

Основные понятия темы: формула Бернулли, теорема Пуассона, локальная теорема Муавра-Лапласа.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 46. "Случайные величины. Функция распределения случайной величины. Плотность вероятности случайной величины. Числовые характеристики случайной величины. Законы распределения случайных величин"

Лекция

Случайные величины. Дискретные и непрерывные случайные величины. Закон распределения случайной величины. Функция распределения случайной величины. Плотность вероятности распределения случайной величины. Математическое ожидание и его свойства. Дисперсия и ее свойства. Средне квадратическое отклонение. Мода. Медиана. Модели законов распределения вероятностей, наиболее употребляемые в социально-экономических приложениях. Равномерное распределение. Биномиальное распределение. Распределение Стьюдента.

Основные понятия темы: случайные величины, мода, медиана, распределение Стьюдента.

Практическое занятие

Форма занятия: занятие в компьютерном классе

Решение задач с использованием вычислительной техники:

Техника работы с электронными таблицами Применение пакета MATLAB. Применение пакета Mathematica.

Задания:

Решение задач из [2]

Тема 47. " Нормальный закон распределения случайных величин."

Лекция

Нормальный закон распределения случайных величин. Параметры нормального закона распределения случайных величин. График плотности вероятности нормально распределенной случайной величины. Правило трех сигм. Закон больших чисел в виде неравенств Чебышева. Закон больших чисел в формулировке теоремы Чебышева. Закон больших чисел в формулировке теоремы Бернулли. Центральная предельная теорема.

Основные понятия темы: нормальный закон распределения случайных величин, центральная предельная теорема, правило трех сигм.

Практическое занятие

Форма занятия: решение типовых задач

Задания:

Решение задач из [2]

СРС

Изучение учебной литературы [1], [2]

Решение задач по темам

Подготовка к модульному контролю

5 Учебно-методическое обеспечение для самостоятельной работы обучающихся

В целом внеаудиторная самостоятельная работа студента при изучении курса включает в себя следующие виды работ:

- проработка (изучение) материалов лекций;
- чтение и проработка рекомендованной основной и дополнительной литературы;
- подготовка к практическим (семинарским) занятиям;
- поиск и проработка материалов из Интернет-ресурсов, периодической печати;
- выполнение домашних заданий в форме творческих заданий, кейс-стадии, докладов;
- подготовка презентаций для иллюстрации докладов;
- выполнение контрольной работы, если предусмотрена учебным планом дисциплины;
- подготовка к текущему и итоговому (промежуточная аттестация) контролю знаний по дисциплине (экзамен).

Основная доля самостоятельной работы студентов приходится на проработку рекомендованной литературы с целью освоения теоретического курса, подготовку к практическим (семинарским) занятиям, тематика которых полностью охватывает содержание курса. Самостоятельная работа по подготовке к семинарским занятиям предполагает умение работать с первичной информацией.

6 Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине

6.1 Структура фонда оценочных средств

Фонд оценочных средств для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине «Математика» представлен в приложении к рабочей программе дисциплины и включает в себя:

— перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образования; перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы;

- описание показателей и критериев оценивания компетенций на различных этапах их формирования, описание шкал оценивания;
- типовые контрольные задания или материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций;
- методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

6.2 Перечень вопросов к промежуточной аттестации.

1. Системы координат на плоскости и в пространстве.
2. Базис. Координаты вектора.
3. Векторы и линейные операции с ними, скалярное, векторное и смешанное произведение векторов, их свойства и вычисление.
4. N – мерное линейное векторное пространство. Линейные операторы
5. Естественный трехгранник.
6. Уравнение прямой на плоскости:
 - проходящей через две точки
 - проходящей через заданную точку в данном направлении
 - проходящей через данную точку и имеющей данную нормаль
 - уравнение прямой в отрезках
 - общее уравнение прямой
 - проходящей через заданную точку с заданным угловым коэффициентом
 - нормальное уравнение прямой
 - параметрическое уравнение прямой
7. Деление отрезка в данном отношении.
8. Расстояние между двумя точками.
9. Уравнение плоскости: проходящей через три точки, имеющее заданную нормаль, в отрезках, общее, нормальное.
10. Натуральное уравнение кривой.
11. Эллипс и его основные свойства.
12. Гипербола и ее основные свойства.
13. Парабола и ее основные свойства.
14. Основные понятия комбинаторной математики. Сочетания, размещения и перестановки.
15. Определители и их основные свойства. Вычисление определителей разложением по строке или столбцу.
16. Матрицы и действия над ними. Обратная матрица и ее вычисление.
17. Системы линейных алгебраических уравнений и основные методы их решения. Решение систем линейных алгебраических уравнений с помощью обратных матриц.
18. Решение систем линейных алгебраических уравнений методом Крамера. Схема исключения Гаусса в матричной форме. Системы линейных уравнений с неквадратной матрицей.
19. Проекция вектора на ось и ее свойства.
20. Понятие множества. Операции над множествами. Понятие окрестности точки.
21. Бесконечно малые и бесконечно большие последовательности, связь между ними.
22. Пределы последовательностей.
23. Предел переменной и его св-ва. Основные теоремы о пределах.
24. Правило Лопиталя.
25. Производная функции, ее геометрический и механический смыслы. Производная сложной функции. Производная обратной функции. Основные правила вычисления производной.
26. Дифференциал функции, его геометрический смысл и св-ва.
27. Применение дифференциала к приближенным вычислениям.
28. Основные теоремы о дифференцируемых функциях - Ферма, Ролля, Лагранжа, Коши.
29. Формула Тейлора
30. Экстремум функции одного переменного. Необходимые и достаточные условия экстремума.
31. Частные производные функции нескольких переменных.

32. Экстремум функции нескольких Переменных.
33. Необходимые и достаточные условия. Матрица Гессе.
34. Комплексные числа и действия над ними.
35. Неопределенный интеграл и его свойства. Табличные интегралы.
36. Замена переменных и метод интегрирования по частям.
37. Интегрирование рациональных дробей
38. Интегрирование простейших дробей первого типа
39. Интегрирование простейших дробей второго типа
40. Интегрирование простейших дробей третьего типа
41. Интегрирование простейших дробей четвертого типа
42. Интегрирование тригонометрических выражений
43. Интегрирование тригонометрических выражений Универсальная тригонометрическая подстановка.
44. Интегрирование иррациональных выражений. Тригонометрические подстановки.
45. Интегрирование иррациональных выражений. Подстановки Эйлера.
46. Интеграл от биномиального дифференциала. Подстановки Чебышева.
47. Определенный интеграл и его основные свойства.
48. Формула Ньютона-Лейбница.
49. Замена переменных и метод интегрирования по частям.
50. Приложения определенного интеграла
51. Понятие несобственного интеграла.
52. Кратные интегралы
53. Применение кратных интегралов.
54. Производная по направлению.
55. Градиент функции.
56. Формула Грина.
57. Поверхностные интегралы первого и второго типов
58. Формула Стокса.
59. Формула Остроградского- Гаусса.
60. Производная по направлению.
61. Поток поля.
62. Дивергенция.
63. Циркуляция поля.
64. Ротор.
65. Оператор Гамильтона.
66. Оператор Лапласа.
67. Потенциальное поле. Соленоидальное поле.
68. Основные понятия числовых рядов.
69. Необходимый признак сходимости рядов.
70. Теоремы сравнения
71. Достаточные признаки Даламбера, Коши.
72. Интегральный признак Коши-Маклорена.
73. Основные понятия функциональных рядов.
74. Типы сходимостей функциональных рядов.
75. Степенные ряды. Основные теоремы о степенных рядах.
76. Понятие о рядах Фурье.
77. Коэффициенты Фурье и их вычисление.
78. Интеграл Фурье.
79. Понятие о спектре функции.
80. Разложение функций на произвольном отрезке.
81. Общая теория рядов Фурье.
82. Прикладной гармонический анализ.
83. Понятие о дифференциальном уравнении. Общее и частное решения.
84. Дифференциальные уравнения с разделяющимися переменными
85. Однородные дифференциальные уравнения

86. Дифференциальные уравнения, приводимые к однородным.
87. Линейные дифференциальные уравнения первого порядка
88. Дифференциальные уравнения, приводимые к линейным первого порядка.
89. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами однородные.
90. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами неоднородные.
91. Дифференциальные уравнения, допускающие понижение порядка
92. Системы дифференциальных уравнений.
93. События. Алгебра событий.
94. Классическая вероятность и ее вычисление.
95. Несовместность и независимость событий.
96. Теорема умножения вероятностей. Условная вероятность
97. Формула полной вероятности.
98. Формула Байеса.
99. Схема последовательных испытаний. Формула Бернулли.
100. Формула Лапласа в схеме Бернулли.
101. Интегральная формула Муавра-Лапласа в схеме Бернулли.
102. Случайные величины.
103. Функция распределения и ее свойства.
104. Плотность распределения вероятности и ее свойства.
105. Математическое ожидание случайной величины и его свойства.
106. Дисперсия случайной величины и ее свойства.
107. Неравенство Чебышева.
108. Закон больших чисел. Различные его формулировки.
109. Совместная функция распределения системы случайных величин и ее свойства.
110. Плотность распределения совместной вероятности системы нескольких случайных величин.
111. Нормальный закон распределения, его основные параметры. Правило трех сигм.
112. Корреляционная зависимость. Построение прямой регрессии.
113. Функция распределения и ее свойства.
114. Формула Пуассона в схеме Бернулли.
115. Среднее квадратическое отклонение случайной величины и его свойства.
116. Линейная корреляция
117. Теорема сложения вероятностей.
118. Формула Лапласа в схеме Бернулли.
119. Неравенство Чебышева.
120. Коэффициент корреляции и его свойства.
121. Доверительный интервал для математического ожидания генеральной совокупности при известном среднем квадратическом отклонении для нормального закона.
122. Доверительный интервал для математического ожидания генеральной совокупности при известном среднем квадратическом отклонении для нормального закона.
123. Вычисление теоретических частот в критерии Пирсона.
124. Коэффициент ковариации и его свойства.
125. Основные понятия теории статистической проверки статистических гипотез.
126. Критерий согласия Пирсона.
127. Точечные оценки для дисперсии генеральной совокупности.
128. Точечные оценки для математического ожидания генеральной совокупности.
129. Типы и классификация статистических оценок.
130. Эмпирическая функция распределения, полигон и гистограмма.
131. Основные понятия выборочного метода.
132. Коэффициент корреляции и его свойства.

7 Рекомендуемая литература

7.1 Основная литература

1. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисления в 2-х томах: Учебник для втузов - М: Интеграл-Пресс, 2003 г., 544

7.2 Дополнительная литература

2. Кузнецов Л.А. Сборник заданий по высшей математике. - Санкт-Петербург.: Лань, 2008. - 239с.

8. Методические указания для обучающихся по освоению дисциплины

Методика преподавания данной дисциплины предполагает чтение лекций, проведение практических занятий, групповых и индивидуальных консультаций по отдельным (наиболее сложным) специфическим проблемам дисциплины. Предусмотрена самостоятельная работа студентов, а также прохождение аттестационных испытаний промежуточной аттестации (экзамен и дифференцированный зачет).

Лекции посвящаются рассмотрению основным понятиям, наиболее важных теоретических вопросов. В ходе лекций студентам следует подготовить конспекты лекций: кратко, схематично, последовательно фиксировать основные положения, выводы, формулировки, обобщения; помечать важные мысли, выделять ключевые слова, термины; обозначить вопросы, термины, материал, который вызывает трудности, пометить и попытаться найти ответ в рекомендуемой литературе. Если самостоятельно не удастся разобраться в материале, необходимо сформулировать вопрос и задать преподавателю на консультации, на практическом занятии.

Целью проведения практических занятий является закрепление знаний студентов, полученных ими в ходе изучения дисциплины на лекциях и самостоятельно. Во время практических занятий решаются задачи по рассматриваемым в курсе лекций темам, применяются основные понятия, теоремы, свойства. Студент должен научиться решать базовые задачи по каждой теме, а также применять полученные навыки для решения реальных прикладных задач

При изучении дисциплины используются интерактивные методы обучения, например, лекция-визуализация, предполагающая подачу материала с использованием технических средств обучения с краткими комментариями демонстрируемых материалов (презентаций).

9. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационно-справочных систем

9.1. Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса

- электронные образовательные ресурсы;
- использование слайд-презентаций;
- интерактивное общение с обучающимися и консультирование посредством Интернет, используя социальные сети, специализированные программы (например, zoom), а также электронной почты;
- использование электронной информационно-образовательной среды.

9.2. Перечень программного обеспечения, используемого при осуществлении образовательного процесса

При освоении дисциплины используется лицензионное программное обеспечение:

1. операционные системы Astra Linux (или иная операционная система, включенная в реестр отечественного программного обеспечения);
2. комплект офисных программ Р-7 Офис (в составе текстового процессора, программы работы с электронными таблицами, программные средства редактирования и демонстрации презентаций);

программа проверки текстов на предмет заимствования «Антиплагиат».

10. Материально-техническое обеспечение дисциплины

На кафедре имеется 4 аудитории для проведения лекционных и практических занятий.